

数 学

1. 監督者の指示があるまで開かないでください。
2. 試験開始後、解答用紙に受験番号・氏名を忘れないで記入してください。
3. 試験開始後、問題冊子に落丁や乱丁がないか確認し、落丁・乱丁があった場合は挙手してください。
4. 解答は解答用紙に記入してください。
5. 解答用紙は科目の試験終了後回収します。
6. 問題冊子は科目の試験終了後、持ち帰って結構です。

1. 次の にあてはまる適切な番号、または数値を解答欄に記入せよ。問い合わせ(1)の(ア)と(イ)の解答欄には、次の①～④のいずれかの番号を入れよ。

- ① 必要条件であるが、十分条件ではない
- ② 十分条件であるが、必要条件ではない
- ③ 必要十分条件である
- ④ 必要条件でも十分条件でもない

(1) a, b は実数とする。「 $ab \geq b$ 」は「 $a \geq 1$ かつ $b \geq 0$ 」であるための (ア)。

また、「 $|a - 1| < 3$ 」は「 $|a| < 4$ 」であるための (イ)。

(2) $\triangle ABC$ において、 $AB = 2$, $BC = 1$, $CA = \sqrt{2}$ のとき,

$\sin \angle ABC = \boxed{(ウ)}$, $\triangle ABC$ の外接円の半径は (エ) である。

(3) 2つの自然数 a, b ($a < b$) の最大公約数が 12, 最小公倍数が 72 となる a, b の組のうち,
 $a + b$ の値が最小となるのは $a = \boxed{(オ)}$, $b = \boxed{(カ)}$ のときである。

(4) 白玉 4 個、赤玉 2 個が入っている袋から、玉を同時に 3 個取り出し、色を調べてからもとに戻す試行を考える。この試行において、白玉 2 個と赤玉 1 個が出る事象を A とするとき、
事象 A が起こる確率は (キ) である。この試行を 3 回繰り返し行うとき、事象 A がちょうど 2 回起こる確率は (ク) である。

2. 実数 a は定数とし, $f(x) = -4x^2 + 4ax - (a+1)^2$ とする。このとき, 次の にあてはまる適切な a の式, または数値を解答欄に記入せよ。

- (1) 放物線 $y = f(x)$ の頂点の座標は, ((ア), (イ)) である。
- (2) 方程式 $f(x) = 0$ が異なる 2 つの実数解をもち, その解がともに -1 より大きいような a の値の範囲は (ウ) $< a <$ (エ) である。
- (3) $a > 0$ とする。

関数 $y = f(x)$ ($-1 \leq x \leq 1$) の最大値を M , 最小値を m とするとき,

$$0 < a \leq \boxed{\text{(オ)}} \text{ のとき } M = \boxed{\text{(カ)}}, m = \boxed{\text{(キ)}},$$
$$\boxed{\text{(オ)}} < a \quad \text{のとき } M = \boxed{\text{(ク)}}, m = \boxed{\text{(キ)}},$$

となる。

- (4) (3)において, $M - m = 8$ となる a の値は (ケ) である。

3. 右の図のように、線分 AB を直径とする円 O の外部に点 P がある。線分 AP, BP が円 O と交わる点をそれぞれ D, C とし、線分 AC と BD の交点を Q, 線分 CD と PQ の交点を R とする。AD = 1, PD = 3, PC = 2 であるとき、次の問い合わせに答えよ。

- (1) 比の値 $\frac{CQ}{QA}$ を求めよ。
- (2) 線分 PR の長さを求めよ。

